

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$,

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t, s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) =$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t, s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) = t \int_t^{t+1} s ds =$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t, s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) = t \int_t^{t+1} s ds = t \left[\frac{s^2}{2} \right]_t^{t+1} =$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t, s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) = t \int_t^{t+1} s ds = t \left[\frac{s^2}{2} \right]_t^{t+1} = \frac{t}{2} [(t+1)^2 - t^2] =$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t, s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) = t \int_t^{t+1} s ds = t \left[\frac{s^2}{2} \right]_t^{t+1} = \frac{t}{2} [(t+1)^2 - t^2] = \frac{t(2t+1)}{2};$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t, s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) = t \int_t^{t+1} s ds = t \left[\frac{s^2}{2} \right]_t^{t+1} = \frac{t}{2} [(t+1)^2 - t^2] = \frac{t(2t+1)}{2};$$

A dále máme

$$I =$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t , s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) = t \int_t^{t+1} s ds = t \left[\frac{s^2}{2} \right]_t^{t+1} = \frac{t}{2} [(t+1)^2 - t^2] = \frac{t(2t+1)}{2};$$

A dále máme

$$I = \frac{1}{2} \int_{-1}^1 (2t^2 + t) dt =$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t , s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) = t \int_t^{t+1} s ds = t \left[\frac{s^2}{2} \right]_t^{t+1} = \frac{t}{2} [(t+1)^2 - t^2] = \frac{t(2t+1)}{2};$$

A dále máme

$$I = \frac{1}{2} \int_{-1}^1 (2t^2 + t) dt = \frac{1}{2} \left[\frac{2t^3}{3} + \frac{t^2}{2} \right]_{-1}^1 =$$

Příklad. Určete hodnotu dvojnásobného integrálu $I = \int_{-1}^1 H(t) dt$, kde

$$H(t) = \int_t^{t+1} ts ds.$$

Řešení. Proměnné t , s jsou nezávislé, tj. integrujeme-li podle s , s t pracujeme jako s konstantou.

$$H(t) = t \int_t^{t+1} s ds = t \left[\frac{s^2}{2} \right]_t^{t+1} = \frac{t}{2} [(t+1)^2 - t^2] = \frac{t(2t+1)}{2};$$

A dále máme

$$I = \frac{1}{2} \int_{-1}^1 (2t^2 + t) dt = \frac{1}{2} \left[\frac{2t^3}{3} + \frac{t^2}{2} \right]_{-1}^1 = \frac{1}{2} \left[\frac{2(1 - (-1))}{3} + \frac{1 - 1}{2} \right] = \underline{\underline{\frac{2}{3}}}.$$